

國立屏東科技大學 102 學年度 碩士班暨碩士在職專班 招生考試  
 車輛工程系碩士班 工程數學(常微分方程+拉普拉斯轉換+線性代數)試題  
**UNREGISTERED**

1. 求微分方程式之通解(general solution)  $y'' + 2y' = 0$  (10%)
2. 求微分方程式之通解(general solution) :  $x^2y'' - 5xy' + 9y = 0$  (10%)
3. 求解微分方程式 :  $y'' - 5y' + 6y = e^x \sin x$  (10%)
4. 解初始值問題 :  $y'' - 2y' + 5y = 0$ ,  $y(0) = 1$ ;  $y'(0) = 5$  (10%)
5. 函數  $f(t)$  的拉普拉斯轉換(Laplace Transform)定義為  $L[f(t)] = \int_0^\infty e^{-st} f(t) dt$  , 試求解下列各式：  
 (a).  $\int_0^\infty e^{-4t} \cosh 2t dt$  (10%)  
 (b).  $y'(t) = \int_0^t y(t-\tau) \cos \tau d\tau + \sin t$ ,  $y(0) = 1$  (10%)  
 (c). 若  $f(t) = \frac{e^{2t} - e^{-t}}{t}$  , 則  $L[f(t)]$  之結果為何? (10%)
6. 若方陣  $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 4 \\ 3 & 0 & 1 \\ -1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ ,  $\mathbf{B} = \begin{bmatrix} 2 & 1 & 3 \\ 3 & 2 & 2 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$ , 試求：  
 (a).  $\mathbf{A}^T \mathbf{B}$  (5%)  
 (b).  $\text{adj}(\mathbf{B})$  (5%)
7. 如何判斷矩陣  $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 1 & 3 & -1 & 0 \\ 0 & 1 & -1 & 1 \\ 2 & -2 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 & -4 \end{bmatrix}$  **UNREGISTERED** 是否存在反矩陣  $\mathbf{A}^{-1}$ ? 請證明。 (10%)
8. 若方陣  $\mathbf{A} = \begin{bmatrix} 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 2 & -1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & -4 & x & 0 & 0 \\ 4 & 2 & -5 & -2 & 0 \\ 2 & 0 & 3 & 1 & y \end{bmatrix}$  之所有特徵值總和為6、總乘積為48，試求  $x$  及  $y$  之值。(10%)